

# Luštění německého šifrovacího stroje Lorenz

podle bakalářské práce Petra Veselého, MFF UK

21. února 2011

- 2000 – zveřejnění dobové zprávy *General Report on Tunny*
- informací nedostatek k odvození konstrukce šifrátoru Lorenz
- **cíl:** odvození pravděpodobného postupu kryptoanalytiků

# Program

- 1 Trocha historie
- 2 Kde Lorenz využíván
- 3 Lorenz a dálnopis
- 4 Jak Lorenz vypadal?
- 5 Jak Lorenz fungoval?
- 6 Kryptoanalýza
- 7 Rekonstrukce šifrátora Lorenz

# Program

- 1 Trocha historie
- 2 Kde Lorenz využíván
- 3 Lorenz a dálnopis
- 4 Jak Lorenz vypadal?
- 5 Jak Lorenz fungoval?
- 6 Kryptoanalýza
- 7 Rekonstrukce šifrátora Lorenz

- *Bletchley Park* - kryptoanalytické středisko 80 km SZ od Londýna, založené 1939, existence tajena do 70. let 20. stol.
- červen 1941 - zachycení 1. komunikace pomocí šifrátoru Lorenz (TUNNY)
- další zprávy ⇒ šifra Vernamova typu
- 30. 8. 1941 - zachycení 2 téměř stejných zpráv šifrovaných stejným klíčem - rozluštěny plukovníkem Johnem H. Tiltmanem ⇒ 3976 znaků pseudonáhodného klíče
- leden 1942 - rekonstrukce šifrátoru Williamem T. Tuttem
- prosinec 1943 - k určování nastavení rotorů vyvinut Colossus - 1. částečně programovatelný počítač na světě
- 8. 5. 1945 - zachycena poslední zpráva
- celková délka zpráv 63 431 000 znaků
- úspěchy díky luštění Lorenze viz. Crypto-World 2008

- Bletchley Park - kryptoanalytické středisko 80 km SZ od Londýna, založené 1939, existence tajena do 70. let 20. stol.
- červen 1941 - zachycení 1. komunikace pomocí šifrátoru Lorenz (TUNNY)
- další zprávy ⇒ šifra Vernamova typu
- 30. 8. 1941 - zachycení 2 téměř stejných zpráv šifrovaných stejným klíčem - rozluštěny plukovníkem Johnem H. Tiltmanem ⇒ 3976 znaků pseudonáhodného klíče
- leden 1942 - rekonstrukce šifrátoru Williamem T. Tuttem
- prosinec 1943 - k určování nastavení rotorů vyvinut Colossus - 1. částečně programovatelný počítač na světě
- 8. 5. 1945 - zachycena poslední zpráva
- celková délka zpráv 63 431 000 znaků
- úspěchy díky luštění Lorenze viz. Crypto-World 2008

- *Bletchley Park* - kryptoanalytické středisko 80 km SZ od Londýna, založené 1939, existence tajena do 70. let 20. stol.
- červen 1941 - zachycení 1. komunikace pomocí šifrátoru Lorenz (**TUNNY**)
- další zprávy ⇒ šifra Vernamova typu
- 30. 8. 1941 - zachycení 2 téměř stejných zpráv šifrovaných stejným klíčem - rozluštěny plukovníkem Johnem H. Tiltmanem ⇒ 3976 znaků pseudonáhodného klíče
- leden 1942 - rekonstrukce šifrátoru Williamem T. Tuttem
- prosinec 1943 - k určování nastavení rotorů vyvinut Colossus - 1. částečně programovatelný počítač na světě
- 8. 5. 1945 - zachycena poslední zpráva
- celková délka zpráv 63 431 000 znaků
- úspěchy díky luštění Lorenze viz. Crypto-World 2008

- Bletchley Park - kryptoanalytické středisko 80 km SZ od Londýna, založené 1939, existence tajena do 70. let 20. stol.
- červen 1941 - zachycení 1. komunikace pomocí šifrátoru Lorenz (TUNNY)
- další zprávy ⇒ šifra Vernamova typu
- 30. 8. 1941 - zachycení 2 téměř stejných zpráv šifrovaných stejným klíčem - rozluštěny plukovníkem Johnem H. Tiltmanem ⇒ 3976 znaků pseudonáhodného klíče
- leden 1942 - rekonstrukce šifrátoru Williamem T. Tuttem
- prosinec 1943 - k určování nastavení rotorů vyvinut Colossus - 1. částečně programovatelný počítač na světě
- 8. 5. 1945 - zachycena poslední zpráva
- celková délka zpráv 63 431 000 znaků
- úspěchy díky luštění Lorenze viz. Crypto-World 2008

- *Bletchley Park* - kryptoanalytické středisko 80 km SZ od Londýna, založené 1939, existence tajena do 70. let 20. stol.
- červen 1941 - zachycení 1. komunikace pomocí šifrátoru Lorenz (TUNNY)
- další zprávy ⇒ šifra Vernamova typu
- 30. 8. 1941 - zachycení 2 téměř stejných zpráv šifrovaných stejným klíčem - rozluštěny plukovníkem Johnem H. Tiltmanem ⇒ 3976 znaků pseudonáhodného klíče
- **leden 1942 - rekonstrukce šifrátoru Williamem T. Tuttem**
- prosinec 1943 - k určování nastavení rotorů vyvinut Colossus - 1. částečně programovatelný počítač na světě
- 8. 5. 1945 - zachycena poslední zpráva
- celková délka zpráv 63 431 000 znaků
- úspěchy díky luštění Lorenze viz. Crypto-World 2008

- Bletchley Park - kryptoanalytické středisko 80 km SZ od Londýna, založené 1939, existence tajena do 70. let 20. stol.
- červen 1941 - zachycení 1. komunikace pomocí šifrátoru Lorenz (TUNNY)
- další zprávy ⇒ šifra Vernamova typu
- 30. 8. 1941 - zachycení 2 téměř stejných zpráv šifrovaných stejným klíčem - rozluštěny plukovníkem Johnem H. Tiltmanem ⇒ 3976 znaků pseudonáhodného klíče
- leden 1942 - rekonstrukce šifrátoru Williamem T. Tuttem
- prosinec 1943 - k určování nastavení rotorů vyvinut Colossus - 1. částečně programovatelný počítač na světě
- 8. 5. 1945 - zachycena poslední zpráva
- celková délka zpráv 63 431 000 znaků
- úspěchy díky luštění Lorenze viz. Crypto-World 2008

- *Bletchley Park* - kryptoanalytické středisko 80 km SZ od Londýna, založené 1939, existence tajena do 70. let 20. stol.
- červen 1941 - zachycení 1. komunikace pomocí šifrátoru Lorenz (TUNNY)
- další zprávy ⇒ šifra Vernamova typu
- 30. 8. 1941 - zachycení 2 téměř stejných zpráv šifrovaných stejným klíčem - rozluštěny plukovníkem Johnem H. Tiltmanem ⇒ 3976 znaků pseudonáhodného klíče
- leden 1942 - rekonstrukce šifrátoru Williamem T. Tuttem
- prosinec 1943 - k určování nastavení rotorů vyvinut Colossus - 1. částečně programovatelný počítač na světě
- **8. 5. 1945 - zachycena poslední zpráva**
- celková délka zpráv 63 431 000 znaků
- úspěchy díky luštění Lorenze viz. Crypto-World 2008

- *Bletchley Park* - kryptoanalytické středisko 80 km SZ od Londýna, založené 1939, existence tajena do 70. let 20. stol.
- červen 1941 - zachycení 1. komunikace pomocí šifrátoru Lorenz (TUNNY)
- další zprávy ⇒ šifra Vernamova typu
- 30. 8. 1941 - zachycení 2 téměř stejných zpráv šifrovaných stejným klíčem - rozluštěny plukovníkem Johnem H. Tiltmanem ⇒ 3976 znaků pseudonáhodného klíče
- leden 1942 - rekonstrukce šifrátoru Williamem T. Tuttem
- prosinec 1943 - k určování nastavení rotorů vyvinut Colossus - 1. částečně programovatelný počítač na světě
- 8. 5. 1945 - zachycena poslední zpráva
- celková délka zpráv 63 431 000 znaků
- úspěchy díky luštění Lorenze viz. Crypto-World 2008

- *Bletchley Park* - kryptoanalytické středisko 80 km SZ od Londýna, založené 1939, existence tajena do 70. let 20. stol.
- červen 1941 - zachycení 1. komunikace pomocí šifrátoru Lorenz (TUNNY)
- další zprávy ⇒ šifra Vernamova typu
- 30. 8. 1941 - zachycení 2 téměř stejných zpráv šifrovaných stejným klíčem - rozluštěny plukovníkem Johnem H. Tiltmanem ⇒ 3976 znaků pseudonáhodného klíče
- leden 1942 - rekonstrukce šifrátoru Williamem T. Tuttem
- prosinec 1943 - k určování nastavení rotorů vyvinut Colossus - 1. částečně programovatelný počítač na světě
- 8. 5. 1945 - zachycena poslední zpráva
- celková délka zpráv 63 431 000 znaků
- úspěchy díky luštění Lorenze viz. Crypto-World 2008

# Program

- 1 Trocha historie
- 2 Kde Lorenz využíván
- 3 Lorenz a dálnopis
- 4 Jak Lorenz vypadal?
- 5 Jak Lorenz fungoval?
- 6 Kryptoanalýza
- 7 Rekonstrukce šifrátora Lorenz

## ■ Lorenz versus Enigma:

- Enigma - díky přenosnosti výbava bojových útvarů nejnižší úrovně
- Lorenz - linky mezi nejvyšším velitelstvím pozemní armády v Berlíně a hlavními stany armádních skupin v Evropě a S Africe
- červen 1941 - říjen 1942 - zkušební provoz na lince Berlín, Soluň, Athény
- říjen 1942 - ostré vysílání Berlín, Soluň a Královec, J Rusko
- 1944 - síť 26 linek

# Program

- 1 Trocha historie
- 2 Kde Lorenz využíván
- 3 Lorenz a dálnopis
- 4 Jak Lorenz vypadal?
- 5 Jak Lorenz fungoval?
- 6 Kryptoanalýza
- 7 Rekonstrukce šifrátora Lorenz

## ■ Lorenz versus Enigma:

- Lorenz SZ40 (SZ42A, SZ42B) "Schlüsselzusatzgerät", tj. přídavný modul k bezdrátovému dálnopisu (šifrování on-line)
- Enigma - předběžné šifrování zpráv (off-line) a následné odeslání běžným komunikačním kanálem
- dálnopis = telekomunikační zařízení (~psací stroj), elektronický přenos zpráv po lince nebo bezdrátově a tisk
- Baudotův dálnopisný kód (str. 9) - 5-bitový, konkrétní signál (×, ·) dle komunikační linky

# Program

- 1 Trocha historie
- 2 Kde Lorenz využíván
- 3 Lorenz a dálnopis
- 4 Jak Lorenz vypadal?
- 5 Jak Lorenz fungoval?
- 6 Kryptoanalýza
- 7 Rekonstrukce šifrátora Lorenz

- skládá se z 12 rotorů (str. 9)
  - 1  $\mathcal{K}_1, \mathcal{K}_2, \mathcal{K}_3, \mathcal{K}_4, \mathcal{K}_5$  délek 41, 31, 29, 26, 23,
  - 2  $\mathcal{S}_1, \mathcal{S}_2, \mathcal{S}_3, \mathcal{S}_4, \mathcal{S}_5$  délek 43, 47, 51, 53, 59,
  - 3  $\mathcal{M}_1, \mathcal{M}_2$  délek 61, 37
- kolíčky na rotorech ve 2 možných polohách: 0 a 1

# Program

- 1 Trocha historie
- 2 Kde Lorenz využíván
- 3 Lorenz a dálnopis
- 4 Jak Lorenz vypadal?
- 5 Jak Lorenz fungoval?
- 6 Kryptoanalýza
- 7 Rekonstrukce šifrátora Lorenz

- generuje pseudonáhodný klíč
- v každém kroku 5-bitový znak klíče:  $i$ -tý impuls = součet aktivních kolíčků  $\mathcal{K}_i + \mathcal{S}_i \bmod 2$
- pravidla pohybu
  - 1  $\mathcal{K}_i$  se točí vždy
  - 2  $\mathcal{S}_i$  se točí všechna  $\Leftrightarrow$  aktivní kolíček  $\mathcal{M}_2$  před případným otočením v poloze 1
  - 3  $\mathcal{M}_2$  se točí  $\Leftrightarrow$  aktivní kolíček  $\mathcal{M}_1$  před otočením v poloze 1
  - 4  $\mathcal{M}_1$  se točí vždy
- společné otáčení  $S_i$  je hlavní slabinou Lorenze!!!

# Program

- 1 Trocha historie
- 2 Kde Lorenz využíván
- 3 Lorenz a dálnopis
- 4 Jak Lorenz vypadal?
- 5 Jak Lorenz fungoval?
- 6 Kryptoanalýza
- 7 Rekonstrukce šifrátora Lorenz

## ■ obtížnost:

- 1 každý měsíc - změna vzorků kol  $\mathcal{K}$ ;
- 2 každé 3 měsíce - změna vzorků kol  $\mathcal{S}$ ;
- 3 každý den - změna vzorků kol  $\mathcal{M}_1, \mathcal{M}_2$

## ■ záchytný bod: 12 písmenný indikátor v hlavičce depeše

- 1 stejné indikátory  $\Rightarrow$  stejný klíč
- 2 nedůslednost operátorů (malá variace indikátorů)
- 3 pedantství (zašifrované slovo Spruchnummer na začátku zpráv)

- aditivní šifra Vernamova typu ( $\mathcal{C} = \mathcal{M} + K$ , a tedy  $\mathcal{M} = \mathcal{C} + K$ )
- slabina: zprávy šifrované stejným klíčem  $\mathcal{M} - \mathcal{M}' = \mathcal{C} - \mathcal{C}'$  (rozluštění jedné zprávy vede k rozluštění další šifrované stejným klíčem)
- 30. 8. 1941 - zachyceny 2 zprávy se stejným indikátorem HQIBPEXEZMUG, kratší o délce 3976 znaků
- až na zkratky, interpunkci, překlepy tatéž zpráva (identická zpráva  $\neq$  kompromitace!)
- rozluštěna během dvou měsíců plukovníkem John H. Tiltmanem  $\Rightarrow$  získáno **3976 znaků pseudonáhodného klíče**

# Program

- 1 Trocha historie
- 2 Kde Lorenz využíván
- 3 Lorenz a dálnopis
- 4 Jak Lorenz vypadal?
- 5 Jak Lorenz fungoval?
- 6 Kryptoanalýza
- 7 Rekonstrukce šifrátora Lorenz

- pozorování: indikátor ABCDEFGHIJKL a BBCDEFGHIJKL - příslušné klíče v Baudotově kódu stejné až na 1. impuls

$$K = \begin{pmatrix} 0 \\ 1 \\ 1 \\ 1 \\ 0 \end{pmatrix} \begin{pmatrix} 0 \\ 0 \\ 1 \\ 1 \\ 0 \end{pmatrix} \begin{pmatrix} 0 \\ 1 \\ 1 \\ 0 \\ 1 \end{pmatrix} \dots \text{ a } K' = \begin{pmatrix} 1 \\ 1 \\ 1 \\ 1 \\ 0 \end{pmatrix} \begin{pmatrix} 1 \\ 0 \\ 1 \\ 0 \\ 0 \end{pmatrix} \begin{pmatrix} 0 \\ 1 \\ 1 \\ 0 \\ 1 \end{pmatrix} \dots$$

**každý znak klíče = 5 impulsů**, tj. místo  $K$  zkoumáme binární posloupnosti  $K_1, K_2, K_3, K_4, K_5$

	$K$	$C$	$W$	$V$	$S$	$4$	$\dots$
--	-----	-----	-----	-----	-----	-----	---------

$K_1$	0	1	0	1	0	$\dots$
-------	---	---	---	---	---	---------

$K_2$	1	1	1	0	1	$\dots$
-------	---	---	---	---	---	---------

$K_3$	1	0	1	1	0	$\dots$
-------	---	---	---	---	---	---------

$K_4$	1	0	1	0	0	$\dots$
-------	---	---	---	---	---	---------

$K_5$	0	1	1	0	0	$\dots$
-------	---	---	---	---	---	---------

# Hledání periody $\mathcal{K}_1$

- v  $\mathcal{K}_1$  hledáme opakující se posloupnosti (Kasiského test)
- nejdelší má 26 znaků (str. 19), shodné úseky vzdáleny o násobky 41
- hypotéza:  $\mathcal{K}_1 = \mathcal{K}_1 + \mathcal{S}'_1 \pmod{2}$ , kde  $\mathcal{K}_1$  periodická (s periodou 41) a  $\mathcal{S}'_1$  má dlouhé opakující se úseky
- analogie Vigenèrovy šifry nad abecedou  $\{0, 1\}$ , kde šifrovým textem je  $\mathcal{K}_1$ , klíčem je prvních 41 znaků posloupnosti  $\mathcal{K}_1$  a otevřeným textem je  $\mathcal{S}'_1$

# Ověření periody $\mathcal{K}_1$

- *index koincidence*: dán text  $T = t_1 \dots t_m$

$$IC(T) = p \{ t_i = t_j \mid i, j \text{ libovolně zvolené}, 1 \leq i < j \leq m \}$$

- určení periody Vigenèrovy šifry

- 1 šifrový text do tabulek o různém počtu sloupců
- 2 IC textů ve sloupcích
- 3 průměrný IC tabulek
- 4 počet sloupců tabulky s maximálním IC = perioda
- 5 IC sloupců = IC otevřeného textu

# Index koincidence $S'_1$

- IC v  $K_1$  pro bigramy, protože 0 a 1 rozdeleny rovnoměrně
- tabulka o  $l$  sloupcích a IC dvojic sloupců  $1; 2, 2; 3, \dots, l-1; l$
- pro  $2 \leq l \leq 99$  určíme průměrný IC
- maximální pro  $l = 41$  a  $l = 82 \Rightarrow$  perioda  $K_1$  je 41
- analogicky periody  $K_i$ :

$$i = 1 : 41$$

$$i = 2 : 31$$

$$i = 3 : 29$$

$$i = 4 : 26$$

$$i = 5 : 23$$

- odhalení nerovnoměrného rozložení bigramů v  $S'_1$ !

# Hledání $\mathcal{K}_5$

- $\mathcal{K}_5 = k_1 k_2 k_3 \dots k_{23}$  má nejkratší periodu 23
- předpoklad BÚNO:  $S'_5$  převládají bigramy  $(0, 0)$  a  $(1, 1) \Rightarrow$  převládají-li v dvojici sloupců  $(i, i + 1)$  (v  $K_5$  zapsaném do tabulky o 23 sloupcích)
  - 1 bigramy  $(0, 0)$  a  $(1, 1)$ , pak  $(k_i, k_{i+1}) \in \{(0, 0), (1, 1)\}$
  - 2 bigramy  $(0, 1)$  a  $(1, 0)$ , pak  $(k_i, k_{i+1}) \in \{(0, 1), (1, 0)\}$
- pro 1. a 2. dvojici sloupců převaha  $(0, 1)$  a  $(1, 0)$  (str. 26)  $\Rightarrow$  platí

$$(k_1, k_2) + (k_2, k_3) \in \{(0, 0), (1, 1)\},$$

a tedy  $k_3 = k_1$

- pro 1. a 3. dvojici sloupců

$$(k_1, k_2) + (k_3, k_4) \in \{(0, 0), (1, 1)\},$$

a tedy  $k_2 = k_4$  atd.

- pro  $k_1 := 0$  je  $\mathcal{K}_5 = 01011110001011100001101$

# Analýza $S'_i$

$S'_1 :$	0	0	1	1	0	0	0	0	1	1	1	1
$S'_2 :$	1	1	1	1	0	0	0	0	1	0	0	0
$S'_3 :$	1	1	0	0	1	1	1	1	0	0	0	0
$S'_4 :$	0	0	1	1	1	1	1	0	0	1	1	1
$S'_5 :$	1	1	0	0	0	0	1	0	0	0	0	0
$S' :$	P	P	J	J	N	N	M	9	A	D	D	D

- časté opakování písmen v  $S' \Rightarrow S_i$  rotory, které často stojí
- 00111000010 obsahuje běhy 00, 111, 0000, 1, 0
- $S'_i$  vzniká z  $S_i$  prodloužením některých běhů  $S_i$
- 2 úlohy
  - 1 určení počtu běhů ve vzorcích kol  $S_i$
  - 2 zjištění délky každého běhu

## Počet běhů v $\mathcal{S}_i$

- hlavní myšlenka:  $\mathcal{S}'_i$  má běh délky 1 (010 nebo 101 je v  $\mathcal{S}'_i$ ), pak  $\mathcal{S}_i$  má běh délky 1
- z četnosti výskytů bigramů v  $\mathcal{S}'_i \Rightarrow$  takových běhů málo
- v  $\mathcal{S}'_1$  jsou posloupnosti tvaru 010...010
- počet běhů v nich je násobek 18  $\Rightarrow$  zřejmě je 18 i počet běhů v kole  $\mathcal{S}_1$

# Délky běhů v $\mathcal{S}_i$

- výpis posloupností tvaru  $010\dots010$  do řádků pod sebe

```
1011000001111000111110000111000011111000111000011000
10110000111111000011110011111000001100000011000111100011100
1011110000111110001110001111100001111000000111001110000111100
...

```

- výpis délek jejich běhů do řádků pod sebe

```
112553526434633423
112474526526235332
114453336446323442
...

```

- v každém sloupci minimum = délka příslušného běhu v  $\mathcal{S}_1$
- $\mathcal{S}_1$  tak určena jednoznačně až na počáteční počet nul

$$\mathcal{S}_1 = 0110001100111000110010110001110011100111100 \\ \text{nebo}$$

$$\mathcal{S}_1 = 00110001100111000110010110001110011100111100$$

# Odvození řídicích posloupností

- definujeme řídicí posloupnosti  $\mathcal{R}_i = \{r_j^{(i)}\}_{j=1}^{3975}$

$r_j^{(i)} = 1$  na konci  $j$ -tého kroku se  $\mathcal{S}_i$  točí  
 $r_j^{(i)} = 0$  na konci  $j$ -tého kroku  $\mathcal{S}_i$  stojí

- jen částečná rekonstrukce  $\mathcal{R}_i$  z  $\mathcal{S}_i$  a  $\mathcal{S}'_i$ :

$$\mathcal{S}_1 = (0)011000110011100011001011000111001110011110$$

$$\mathcal{S}'_1 = 001100001111001111100000011000111001100000\dots$$

$$\mathcal{R}_1 = ?110111\dots$$

$$\mathcal{R}_1 = ?111011\dots$$

$$\mathcal{R}_1 = ?111101\dots$$

- posloupnosti  $\mathcal{R}_i$  (str. 39)

# Odvození řídicích posloupností

- 12 písmenný indikátor  $\Rightarrow$  12 rotorů  $(\mathcal{K}_i, \mathcal{S}_i, \mathcal{M}_1, \mathcal{M}_2) \Rightarrow$  společné otáčení kol  $\mathcal{S}_i$
- předpoklad:  $\mathcal{R} = \mathcal{R}_i \Rightarrow$  žádný spor, téměř celá  $\mathcal{R}$  (str. 40)
- Kasiského test  $\Rightarrow \mathcal{R}$  periodická s periodou  $2257 = 37 \cdot 61 \Rightarrow$  61 a 37 kandidáti na délky kol  $\mathcal{M}_1$  a  $\mathcal{M}_2$  řídicích otáčení  $\mathcal{S}_i$ 
  - 1 1. nápad:  $\mathcal{M}_1$  a  $\mathcal{M}_2$  se točí společně  $\Rightarrow$  soustava pro  $37 + 61$  neznámých  $\mathcal{R} = \mathcal{M}_1 + \mathcal{M}_2$ , ale nemá řešení
  - 2 2. nápad: kolo  $\mathcal{M}_2$  se řídí pohybem kola  $\mathcal{M}_1$ , konkrétně:  $\mathcal{M}_1$  se točí vždy a  $\mathcal{M}_2$  jen tehdy, je-li na  $\mathcal{M}_1$  aktivní kolíček v poloze 1,  $\mathcal{R}$  vznik prodloužením některých běhů v  $\mathcal{M}_2$

## Odvození řídicích posloupností

- $\mathcal{R}$  obsahuje dost osamocených nul, ale málo osamocených jedniček
- $\mathcal{R}$  obsahuje 10100101 (hned 2 osamocené jedničky), z řídkosti výskytu hypotéza: vzorek kola  $M_2$  obsahuje 2 osamocené jedničky jednou
- počet běhů mezi po sobě jdoucími výskyty 2 osamocených jedniček = násobek 24,  $\mathcal{R}$  do řádků po 24 bězích a odvodíme vzorek (očekávaných 37 znaků)

1010111011101110101101110111011010110

- $M_1$  periodická s periodou 61
- $M_1$  plyne ze znalosti  $M_2$  a  $\mathcal{R}$
- naopak z  $M_1$  dopočteme  $\mathcal{R}$ , a tedy i počáteční nastavení rotorů  $S_i$

Kolo	Vel.	Vzorek
$\mathcal{K}_1$	41	01100111000011100111000010011011000110110
$\mathcal{K}_2$	31	0001100110001011110111000011011
$\mathcal{K}_3$	29	01111011000111000110001100100
$\mathcal{K}_4$	26	01100010110011100110101001
$\mathcal{K}_5$	23	01011110001011100001101
$\mathcal{S}_1$	43	0110001100111000110010110001110011100111100
$\mathcal{S}_2$	47	11100010001101001110011100110001111000111001100
$\mathcal{S}_3$	51	10011100110010110011000110001110001000111100010011
$\mathcal{S}_4$	53	10000110001100110001101000110011100110110001100111011
$\mathcal{S}_5$	59	01110111000110100111011000110011000110011100001101100011000
$\mathcal{M}_1$	61	10111011011011011011101010111011101011011010111101010111011
$\mathcal{M}_2$	37	11011101110110101101010111011101110111010